

# Grundlagen: Datenbanken

## 1. Zentralübung - WS 16/17

Harald Lang, Linnea Passing

[gdb@in.tum.de](mailto:gdb@in.tum.de)

11.1.2017

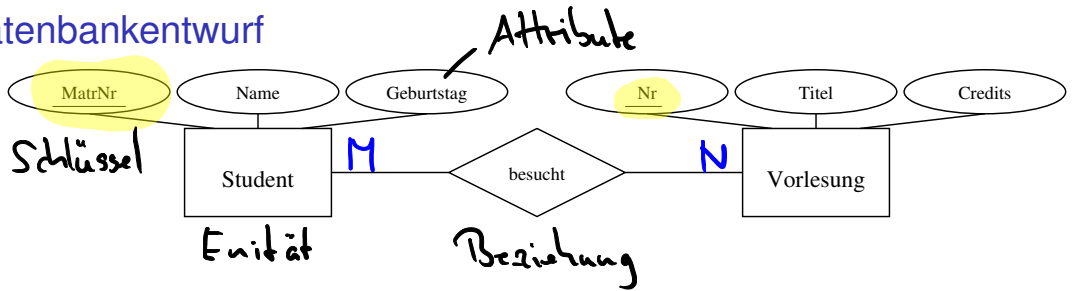
Prüfungstermin 01.03.2017, 10:30 Uhr

Anmeldung bis 15.01.2017, 23:59 Uhr

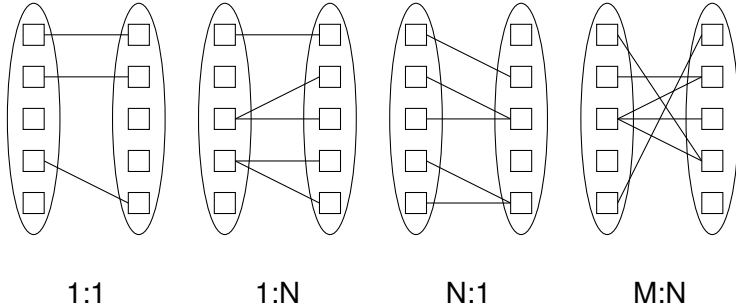
Diese Folien finden Sie online.

Die Mitschrift stellen wir im Anschluss online.

# Datenbankentwurf



## Funktionalitäten (Integritätsbedingungen)



# Das Relationale Modell

## Definition

- ▶ Eine relationale Datenbank enthält eine Menge von Relationen
- ▶ Eine Relation  $R$  besteht aus zwei Bestandteilen:
  - ▶ Einer **Instanz**  $R$ : eine Tabelle mit Zeilen und Spalten; der *aktuelle Inhalt* der Relation (auch Ausprägung genannt)
  - ▶ Einem **Schema**  $\mathcal{R}$ : spezifiziert den *Namen der Relation* und die *Namen und Datentypen der Spalten*; legt die Struktur der Relation fest

# Das Relationale Modell

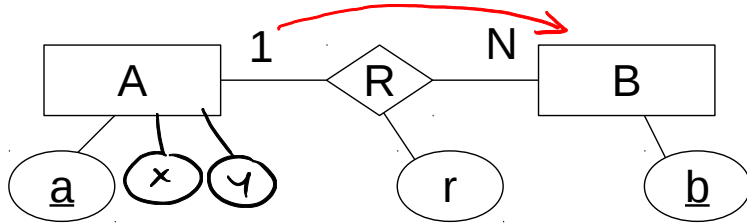
## Beispielausprägung:

| <i>Studenten</i> |              |          |
|------------------|--------------|----------|
| MatrNr           | Name         | Semester |
| 24002            | Xenokrates   | 18       |
| 25403            | Jonas        | 10       |
| 27550            | Schopenhauer | 6        |
| ...              | ...          | ...      |

## Schema:

- ▶ 3 Attribute: MatrNr, Name, Semester
- ▶ das Schema assoziiert jedes Attribut mit einer Domäne (Wertebereich)
  - ▶  $D_{MatrNr} = \text{dom}(MatrNr) = \text{Integer} = [-2^{31}, 2^{31}]$
  - ▶ ...
  - ▶  $Studenten \subseteq \text{dom}(MatrNr) \times \text{dom}(Name) \times \text{dom}(Semester)$
  - ▶  $Studenten \subseteq \text{integer} \times \text{string} \times \text{integer}$
- ▶ **Schreibweisen:**
  - ▶  $Studenten : \{[MatrNr : \text{int}, Name : \text{string}, Semester : \text{int}]\}$
  - ▶  $Studenten : \{[MatrNr, Name, Semester]\}$
  - ▶  $Studenten = \{MatrNr, Name, Semester\}$
  - ▶  $Studenten(MatrnNr, Name, Semester)$

# ER-Modell in Schema überführen und verfeinern



$A: \{ \underline{a}, x, y \}$

$B: \{ \underline{b} \}$

$R: \{ a, \underline{b}, r \}$

Verfeinerung:

$A: \{ \underline{a}, x, y \}$

$B: \{ \underline{b}, r, a \}$

# Relationale Algebra

## Algebraische Operatoren:

|                         |   |
|-------------------------|---|
| Projektion              | $\Pi_{A_1, \dots, A_n}$   |
| Selektion               | $\sigma_p$  |
| Kreuzprodukt            | $\times$  |
| Verbund (Join)          | $\bowtie_\theta, \Join_\theta, \ltimes_\theta, \ltimes\ltimes_\theta, \times\ltimes_\theta, \times\ltimes\ltimes_\theta, \triangleright_\theta, \triangleleft_\theta$ |
| Mengenoperationen       | $\cup, \cap, \setminus$   |
| Division                | $\div$ <i>ALL-qualifizierung</i>  |
| Gruppierung/Aggregation | $\Gamma_{A_1, \dots, A_n; a_1: f_1, \dots, a_m: f_m}$   |
| Umbenennung             | $\rho_N$ , oder $\rho_{a_1 \leftarrow b_1, \dots, a_n \leftarrow b_n}$  |



## Anmerkung: Natural-Join vs. allgemeiner Theta-Join

|       | Natural                         | Theta   |
|-------|---------------------------------|---|
| Inner | $\bowtie$                       | $\bowtie_{\theta}$                                  |
| Outer | $\bowtie, \ltimes, \rhd$        | $\bowtie_{\theta}, \ltimes_{\theta}, \rhd_{\theta}$ |
| Semi  | $\ltimes, \rhd$                 | $\ltimes_{\theta}, \rhd_{\theta}$                   |
| Anti  | $\triangleright, \triangleleft$ | $\triangleright_{\theta}, \triangleleft_{\theta}$   |

### ► Natural

- Implizite Gleichheitsbedingung auf gleichnamigen Attributen
- Die gleichnamigen Attribute tauchen im Ergebnis nur einmal auf (inner und outer).

### ► Theta

- Explizite (beliebige) Joinbedingung:  $\theta$ .
- Im Falle von Inner- und Outer-Join werden alle Attribute der beiden Eingaberelationen in das Ergebnis projiziert.

## Übung: Relationale Algebra (1)

Finde Studenten (nur Namen ausgeben), die im gleichen Semester sind wie Feuerbach.

1  
 $\rho_s$   
Studenten

## Übung: Relationale Algebra (2)

Finde Studenten (nur MatrNr ausgeben), die alle Vorlesungen gehört haben.

# **Relationale Entwurfstheorie**

# Relationale Entwurftheorie

**Funktionale Abhängigkeiten** (kurz FDs, für functional dependencies):

- ▶ Seien  $\alpha$  und  $\beta$  Attributmengen eines Schemas  $\mathcal{R}$ .
- ▶ Wenn auf  $\mathcal{R}$  die FD  $\alpha \rightarrow \beta$  definiert ist, dann sind nur solche Ausprägungen  $R$  zulässig, für die folgendes gilt:
  - ▶ Für alle Paare von Tupeln  $r, t \in R$  mit  $r.\alpha = t.\alpha$  muss auch gelten  $r.\beta = t.\beta$ .

## Übung: Relationenausprägung vervollständigen

Gegen seien die folgende Relationenausprägung und die funktionalen Abhängigkeiten. Bestimmen Sie zunächst  $x$  und danach  $y$ , sodass die FDs gelten.

$$B \rightarrow A$$
$$AC \rightarrow D$$

| A   | B | C | D   |
|-----|---|---|-----|
| 7   | 3 | 5 | 8   |
| $x$ | 4 | 2 | 8   |
| 7   | 3 | 6 | 9   |
| 1   | 4 | 2 | $y$ |

# Funktionale Abhängigkeiten

Seien  $\alpha, \beta, \gamma, \delta \subseteq \mathcal{R}$

## Axiome von Armstrong:

▶ *Reflexivität:*

Falls  $\beta \subseteq \alpha$ , dann gilt immer  $\alpha \rightarrow \beta$

▶ *Verstärkung:*

Falls  $\alpha \rightarrow \beta$  gilt, dann gilt auch  $\alpha\gamma \rightarrow \beta\gamma$

▶ *Transitivität:*

Falls  $\alpha \rightarrow \beta$  und  $\beta \rightarrow \gamma$  gelten, dann gilt auch  $\alpha \rightarrow \gamma$

Mithilfe dieser Axiome können alle *geltenden* FDs hergeleitet werden.

Sei  $F$  eine FD-Menge. Dann ist  $F^+$  die Menge aller geltenden FDs (*Hülle von  $F$* )

# Funktionale Abhängigkeiten

## Nützliche und vereinfachende Regeln:

▶ *Vereinigungsregel:*

Falls  $\alpha \rightarrow \beta$  und  $\alpha \rightarrow \gamma$  gelten, dann gilt auch  $\alpha \rightarrow \beta\gamma$

▶ *Dekompositionsregel:*

Falls  $\alpha \rightarrow \beta\gamma$  gilt, dann gilt auch  $\alpha \rightarrow \beta$  und  $\alpha \rightarrow \gamma$

▶ *Pseudotransitivitätsregel:*

Falls  $\alpha \rightarrow \beta$  und  $\gamma\beta \rightarrow \delta$  gelten, dann gilt auch  $\gamma\alpha \rightarrow \delta$



# Schlüssel

- ▶ Schlüssel identifizieren jedes Tupel einer Relation  $\mathcal{R}$  eindeutig.
- ▶ Eine Attributmengende  $\alpha \subseteq \mathcal{R}$  ist ein **Superschlüssel**, gdw.  $\alpha \rightarrow \mathcal{R}$
- ▶ Ist  $\alpha$  zudem noch *minimal*, ist es auch ein **Kandidatenschlüssel** (meist mit  $\kappa$  bezeichnet)
  - ▶ Es existiert also kein  $\alpha' \subset \alpha$  für das gilt:  $\alpha' \rightarrow \mathcal{R}$
- ▶ I.A. existieren mehrere Super- und Kandidatenschlüssel.
- ▶ Man muss sich bei der Realisierung für einen Kandidatenschlüssel entscheiden, dieser wird dann **Primärschlüssel** genannt.
- ▶ Der triviale Schlüssel  $\alpha = \mathcal{R}$  existiert immer.

## Übung: Schlüsseleigenschaft von Attributmengen ermitteln

- ▶ Ob ein gegebenes  $\alpha$  ein Schlüssel ist, kann mithilfe der Armstrong Axiome ermittelt werden (i.A. zu aufwendig!)
- ▶ Besser: Die **Attributhülle**  $AH(\alpha)$  bestimmen.
  
- ▶ Beispiel:  $\mathcal{R} = \{ A , B , C , D \}$ , mit  $F_{\mathcal{R}} = \{ AB \rightarrow CD, B \rightarrow C, D \rightarrow B \}$

$AH(\{D\})$ :

$AH(\{A, D\})$ :

$AH(\{A, B, D\})$ :

# Normalformen: 1NF $\supset$ 2NF $\supset$ 3NF $\supset$ BCNF $\supset$ 4NF

- ▶ **1. NF:** Attribute haben nur atomare Werte, sind also nicht mengenwertig.
- ▶ **2. NF:** Jedes Nichtschlüsselattribut (NSA) ist voll funktional abhängig von jedem Kandidatenschlüssel.

linke Seite  
minimal

- ▶  $\beta$  hängt **voll funktional** von  $\alpha$  ab ( $\alpha \xrightarrow{\bullet} \beta$ ), gdw.  $\alpha \rightarrow \beta$  und es existiert kein  $\alpha' \subset \alpha$ , so dass  $\alpha' \rightarrow \beta$  gilt.
- ▶ **3. NF:** Frei von transitiven Abhängigkeiten (*in denen NSAe über andere NSAe vom Schlüssel abhängen*).
  - ▶ für alle geltenden nicht-trivialen FDs  $\alpha \rightarrow \beta$  gilt entweder
    - ▶  $\alpha$  ist ein Superschlüssel, oder
    - ▶ jedes Attribut in  $\beta$  ist in einem Kandidatenschlüssel enthalten
- ▶ **BCNF:** Die linken Seiten ( $\alpha$ ) aller geltenden nicht-trivialen FDs sind Superschlüssel.
- ▶ **4. NF:** Die linken Seiten ( $\alpha$ ) aller geltenden nicht-trivialen MVDs sind Superschlüssel.

# Mehrwertige Abhängigkeiten

multivalued dependencies (MVDs)

“Halb-formal”:

- ▶ Seien  $\alpha$  und  $\beta$  disjunkte Teilmengen von  $\mathcal{R}$
- ▶ und  $\gamma = (\mathcal{R} \setminus \alpha) \setminus \beta$
- ▶ dann ist  $\beta$  mehrwertig abhängig von  $\alpha$  ( $\alpha \twoheadrightarrow \beta$ ), wenn in jeder gültigen Ausprägung von  $\mathcal{R}$  gilt:
- ▶ Bei zwei Tupeln mit gleichem  $\alpha$ -Wert kann man die  $\beta$ -Werte vertauschen, und die resultierenden Tupel müssen auch in der Relation enthalten sein.

Wichtige Eigenschaften:

- ▶ Jede FD ist auch eine MVD (gilt i.A. nicht umgekehrt)
- ▶ wenn  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$ , dann gilt auch  $\alpha \twoheadrightarrow \gamma$  (Komplementregel)
- ▶  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$  ist trivial, wenn  $\beta \subseteq \alpha$  ODER  $\alpha \cup \beta = \mathcal{R}$  (also  $\gamma = \emptyset$ )



## Übung: Höchste NF bestimmen

$\mathcal{R} : \{ [ A, B, C, D, E ] \}$

$A \rightarrow BCDE$

$AB \rightarrow C$

- 1. NF
- 2. NF
- 3. NF
- BCNF
- 4. NF
- keine der angegebenen

## Übung: Höchste NF bestimmen (2)

$\mathcal{R} : \{ [ A, B, C, D, E ] \}$

$A \rightarrow BCDE$

$B \rightarrow C$

- 1. NF
- 2. NF
- 3. NF
- BCNF
- 4. NF
- keine der angegebenen

# Schema in 3. NF überführen

## Synthesealgorithmus

### ▶ Eingabe:

#### ▶ **Kanonische Überdeckung** $\mathcal{F}_c$

- ▶ Linksreduktion
- ▶ Rechtsreduktion
- ▶ FDs der Form  $\alpha \rightarrow \emptyset$  entfernen (sofern vorhanden)
- ▶ FDs mit gleicher linke Seite zusammenfassen

### ▶ Algorithmus:

1. Für jede FD  $\alpha \rightarrow \beta$  in  $\mathcal{F}_c$  forme ein Unterschema  $\mathcal{R}_\alpha = \alpha \cup \beta$ , ordne  $\mathcal{R}_\alpha$  die FDs  $\mathcal{F}_\alpha := \{\alpha' \rightarrow \beta' \in \mathcal{F}_c \mid \alpha' \cup \beta' \subseteq \mathcal{R}_\alpha\}$  zu
2. Füge ein Schema  $\mathcal{R}_\kappa$  mit einem **Kandidatenschlüssel** hinzu
3. Eliminiere redundante Schemata, d.h. falls  $\mathcal{R}_i \subseteq \mathcal{R}_j$ , verwerfe  $\mathcal{R}_i$

### ▶ Ausgabe:

- ▶ Eine Zerlegung des ursprünglichen Schemas, wo alle Schemata in 3.NF sind.
- ▶ Die Zerlegung ist **abhängigkeitsbewahrend** und **verlustfrei**.



# Übung: Synthesealgorithmus

$\mathcal{R} : \{ [ A, B, C, D, E, F ] \}$

$B \rightarrow ACDEF$

$EF \rightarrow BC$

$A \rightarrow D$

# Schema in BCNF überführen

## BCNF-Dekompositionsalgorithmus (nicht abhängigkeitsbewahrend)

- ▶ Starte mit  $Z = \{\mathcal{R}\}$
- ▶ Solange es noch ein  $\mathcal{R}_i \in Z$  gibt, das nicht in BCNF ist:
  - ▶ Finde eine FD  $(\alpha \rightarrow \beta) \in F^+$  mit
    - ▶  $\alpha \cup \beta \subseteq \mathcal{R}_i$  (FD muss in  $\mathcal{R}_i$  gelten)
    - ▶  $\alpha \cap \beta = \emptyset$  (linke und rechte Seite sind disjunkt)
    - ▶  $\alpha \rightarrow \mathcal{R}_i \notin F^+$  (linke Seite ist kein Superschlüssel)
  - ▶ Zerlege  $\mathcal{R}_i$  in  $\mathcal{R}_{i.1} := \alpha \cup \beta$  und  $\mathcal{R}_{i.2} := \mathcal{R}_i - \beta$
  - ▶ Entferne  $\mathcal{R}_i$  aus  $Z$  und füge  $\mathcal{R}_{i.1}$  und  $\mathcal{R}_{i.2}$  ein, also  $Z := (Z - \{\mathcal{R}_i\}) \cup \{\mathcal{R}_{i.1}\} \cup \{\mathcal{R}_{i.2}\}$

# Schema in 4.NF überführen

## 4NF-Dekompositionsalgorithmus (nicht abhängigkeitsbewahrend)

- ▶ Starte mit  $Z = \{\mathcal{R}\}$
- ▶ Solange es noch ein  $\mathcal{R}_i \in Z$  gibt, das nicht in 4NF ist:
  - ▶ Finde eine **MVD**  $\alpha \twoheadrightarrow \beta \in \mathcal{F}^+$  mit
    - ▶  $\alpha \cup \beta \subset \mathcal{R}_i$  (FD muss in  $\mathcal{R}_i$  gelten)
    - ▶  $\alpha \cap \beta = \emptyset$  (linke und rechte Seite sind disjunkt)
    - ▶  $\alpha \rightarrow \mathcal{R}_i \notin \mathcal{F}^+$  (linke Seite ist kein Superschlüssel)
  - ▶ Zerlege  $\mathcal{R}_i$  in  $\mathcal{R}_{i.1} := \alpha \cup \beta$  und  $\mathcal{R}_{i.2} := \mathcal{R}_i - \beta$
  - ▶ Entferne  $\mathcal{R}_i$  aus  $Z$  und füge  $\mathcal{R}_{i.1}$  und  $\mathcal{R}_{i.2}$  ein, also  $Z := (Z - \{\mathcal{R}_i\}) \cup \{\mathcal{R}_{i.1}\} \cup \{\mathcal{R}_{i.2}\}$

## Übung: BCNF-Dekompositionsalgorithmus

$$\mathcal{R} = \{A, B, C, D, E, F\}, F_{\mathcal{R}} = \{B \rightarrow AD, DEF \rightarrow B, C \rightarrow AE\}$$