

Grundlagen: Datenbanken

2. Zentralübung / Fragestunde

Harald Lang

Diese Folien finden Sie online.

Die Mitschrift erhalten Sie im Anschluss.

Agenda

- ▶ Hinweise zur Klausur
- ▶ Stoffübersicht/-Diskussion
- ▶ Anmerkungen
 - ▶ B-Baum / B⁺-Baum
- ▶ Übung
 - ▶ Abfrageoptimierung
 - ▶ Erweiterbares Hashing
 - ▶ Mehrbenutzersynchronisation (inkl. Wiederholung)
 - ▶ Normalformen und Zerlegungsalgorithmen

Hinweise zur Klausur

Termine

- ▶ 1. Klausurtermin
 - ▶ Mi. 18.02.2015, 08:00 Uhr
- ▶ 2. Klausurtermin
 - ▶ Do. 02.04.2014, 13:00 Uhr ([Anmeldung von 09.03. bis 21.03.2015](#))
- ▶ **Raubekanntgabe**, jeweils (spätestens) eine Woche vorher!
(via TUMonline sowie auf der Homepage)

Verschiedenes

- ▶ 90 Minuten / 90 Punkte
- ▶ Sitzplatzvergabe (Aushang: $MatrNr \mapsto Sitzplatz$, KEINE Namensnennung)
- ▶ Betrugsfälle
- ▶ Notenbekanntgabe (via TUMonline)
- ▶ Einsichtnahme (Instruktionen auf der Homepage, nach Notenbekanntgabe)

Soffübersicht (1)

Datenbankentwurf / **ER-Modellierung**

- ▶ .., Funktionalitäten, Min-Max, Übersetzung ER → Relational, Schemavereinfachung/-verfeinerung

Das Relational Modell

- ▶ Stichworte: Schema, Instanz/Ausprägung, Tupel, Attribute,...
- ▶ **Anfragesprachen**
 - ▶ **Relationale Algebra**
 - ▶ RA-Operatoren: Projektion, Selektion, Join (Theta, Natural, Outer, Semi, Anti), Kreuzprodukt, Mengendifferenz/-vereinigung/-schnitt, Division
 - ▶ **Tupelkalkül, Domänenkalkül**

Soffübersicht (2)

SQL

- ▶ ... darin sind Sie alle bereits Experten :-)

Relationale Entwurfstheorie

- ▶ Definitionen:
 - ▶ Funktionale Abhängigkeiten (FDs), Armstrong-Axiome (+Regeln), FD-Hülle, Kanonische Überdeckung, Attribut-Hülle, Kandidaten-/Superschlüssel, Mehrwertige Abhängigkeiten (MVDs), Komplementregel, Triviale FDs/MVDs,...
- ▶ **Normalformen***: 1., 2., 3.NF, BCNF und 4. NF
- ▶ Zerlegung von Relationen
 - ▶ in 3.NF mit dem **Synthesealgorithmus**
 - ▶ in BCNF/4.NF (zwei Varianten des **Dekompositionsalgorithmus**)
 - ▶ Stichworte: Verlustlos, Abhängigkeitsbewahrend

* Es folgt noch eine Übungsaufgabe dazu.

Soffübersicht (3)

- ▶ Physische Datenorganisation
 - ▶ Speicherhierarchie
 - ▶ HDD/**RAID**
 - ▶ TID-Konzept (slotted pages)
 - ▶ **Indexstrukturen (Bäume, Hashing*)**

- ▶ Anfragebearbeitung
 - ▶ **Kanonische Übersetzung*** (SQL → Relationale Algebra)
 - ▶ Logische **Optimierung*** (in relationaler Algebra)
 - ▶ Implementierung relationaler Operatoren
 - ▶ ...
 - ▶ **Nested-Loop-Join**
 - ▶ **Sort-Merge-Join**
 - ▶ Hash-Join
 - ▶ Index-Join

* Es folgt noch eine Übungsaufgabe dazu.

Soffübersicht (4)

- ▶ Transaktionsverwaltung
 - ▶ **ACID-Eigenschaften**
- ▶ Recovery
- ▶ Mehrbenutzersynchronisation
 - ▶ **Formale Definition einer Transaktion (TA)**
 - ▶ **Historien (Schedules)***
 - ▶ Konfliktoperationen
 - ▶ (Konflikt-)Äquivalenz
 - ▶ Eigenschaften von Historien
 - ▶ **Datenbank-Scheduler***
 - ▶ pessimistisch (sperrbasiert, zeitstempelbasiert)
 - ▶ optimistisch

* Es folgt noch eine Übungsaufgabe dazu.

Anmerkungen zum B-Baum/B⁺-Baum

- ▶ Inkonsistenz: Folien \longleftrightarrow Buch u. Übung
 - ▶ B-Baum mit Grad k
 - ▶ Parameter k gibt an (**Grad**), dass jeder Knoten mindestens k Elemente und höchstens $2k$ Elemente enthält. (nur Wurzel kann unterbelegt sein)
 - ▶ Auf den Folien wird der Parameter i genannt.
 - ▶ B⁺-Baum vom Typ (k, k^*)
 - ▶ Parameter k^* bezieht sich auf die **Blattknoten** (mindestens k^* , höchstens $2k^*$ Elemente)
- ▶ Kurze Wiederholung: B-Baum vs. B⁺-Baum
 - ▶ Im B⁺-Baum werden **Daten ausschließlich in den Blattknoten** gespeichert. In den inneren Knoten nur Schlüssel.
 - ▶ Höherer Verzweigungsgrad der inneren Knoten
 - ▶ Baumhöhe wird reduziert
 - ▶ Schnellere Suche (Weg von der Wurzel zu den Blättern kürzer)
 - ▶ Die **Blattknoten** des B⁺-Baums sind **verkettet**
 - ▶ Ermöglicht effiziente Bereichsanfragen: ...WHERE a >= 10 AND a <=100

Anfragebearbeitung/-optimierung

Anfrageoptimierung / Übung

Geben Sie die kanonische Übersetzung der folgenden SQL-Anfrage an und optimieren Sie diese logisch:

```
SELECT DISTINCT s.name
  FROM studenten s, hören h, vorlesungen v
 WHERE s.matrnr = h.matrnr
       AND h.vorlnr = v.vorlnr
       AND v.titel = 'Grundzüge'
```

Anfrageoptimierung / Übung (2)

Angenommen

- ▶ $|s| = 10000$
- ▶ $|h| = 20 * |s| = 200000$
- ▶ $|v| = 1000$
- ▶ 10% der Studenten haben 'Grundzüge' gehört

Dann ergeben sich

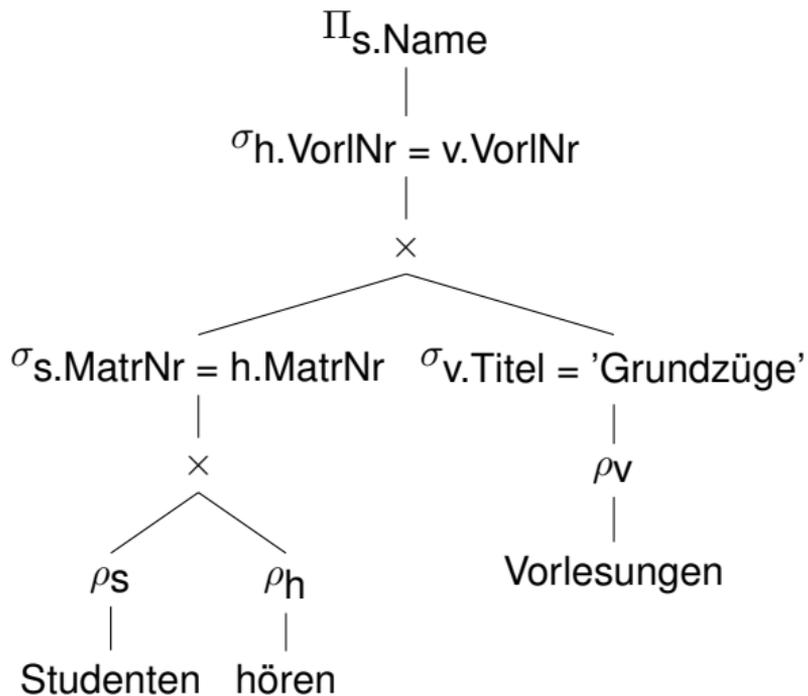
- ▶ $|s \times h \times v| = 10000 \cdot 20 \cdot 10000 \cdot 1000 = 2 \cdot 10^{12}$

Nach der Selektion verbleiben noch

- ▶ $|\sigma_p(s \times h \times v)| = 0,1 \cdot |s| = 1000$

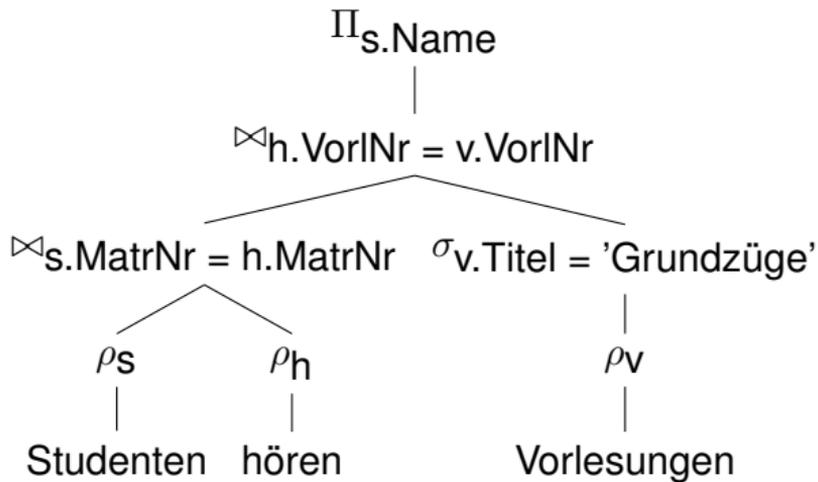
Anfrageoptimierung / Übung (3)

Optimierung 1: Selektionen frühzeitig ausführen (*push selections*):



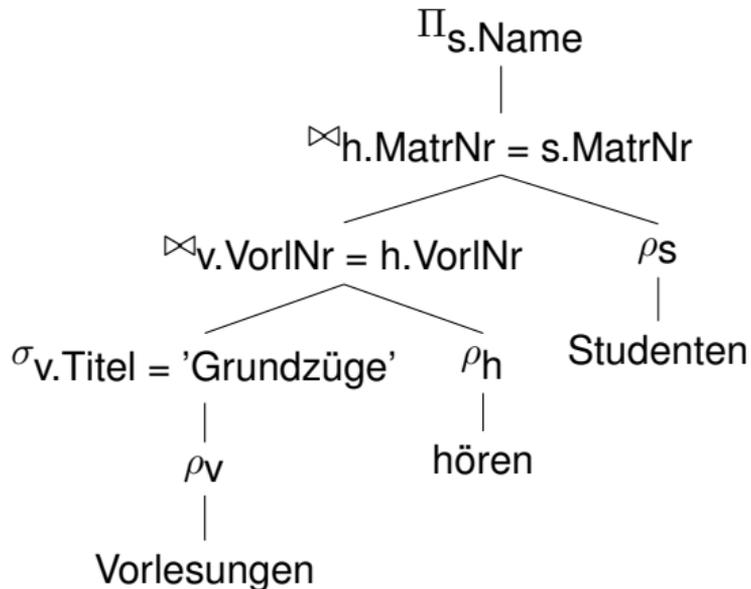
Anfrageoptimierung / Übung (4)

Optimierung 2: Kreuzprodukte durch Joins ersetzen (*introduce joins*):



Anfrageoptimierung / Übung (5)

Optimierung 3: Joinreihenfolge optimieren (*join order optimization*), so dass die Zwischenergebnismengen möglichst klein sind:



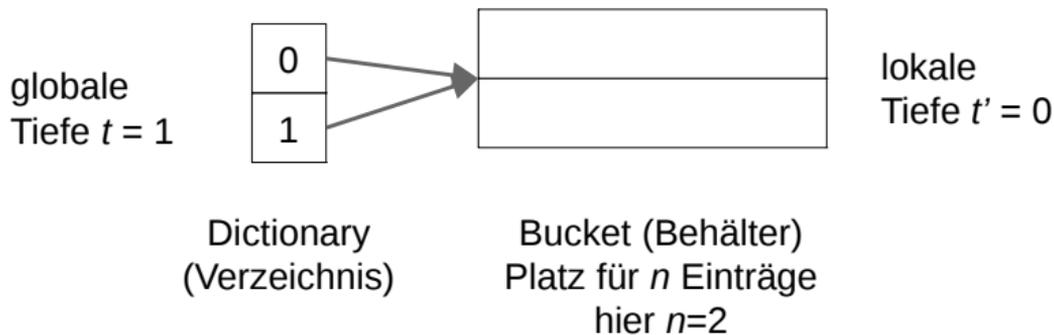
Erweiterbares Hashing

Erweiterbares Hashing

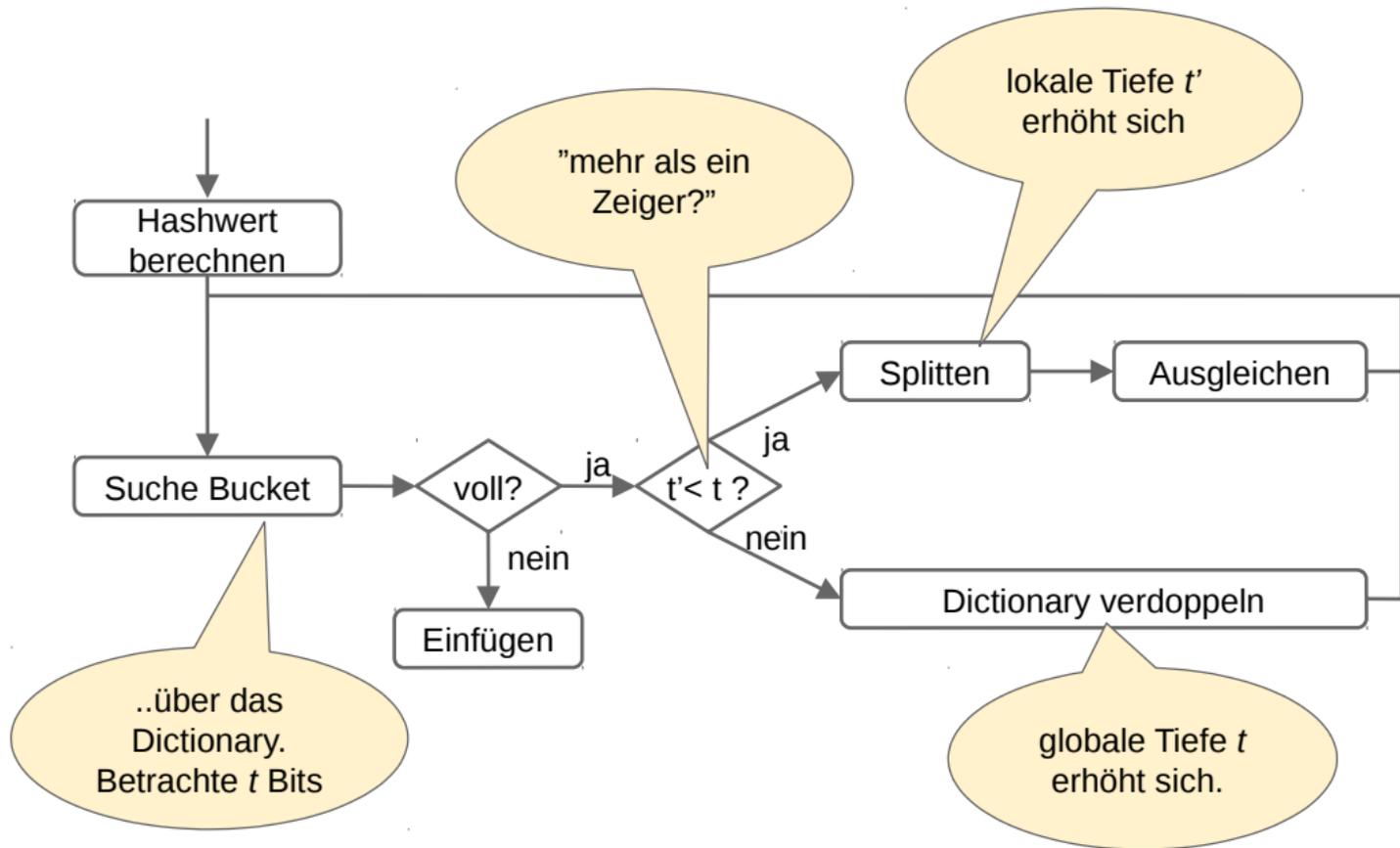
Hashfunktion $h: \mathbf{S} \rightarrow \mathbf{B}$
Schlüssel Bucket

wir betrachten die **Binärdarstellung** des Hashwerts

$h(x) = dp$
unbenutzte Bits
Anzahl betrachteter Bits
= globale Tiefe des Dictionaries



Erweiterbares Hashing / Einfügen



Erweiterbares Hashing / Einfügen (Übung)

x	$h(x)$
A	1100
B	0100
C	1101
D	1010



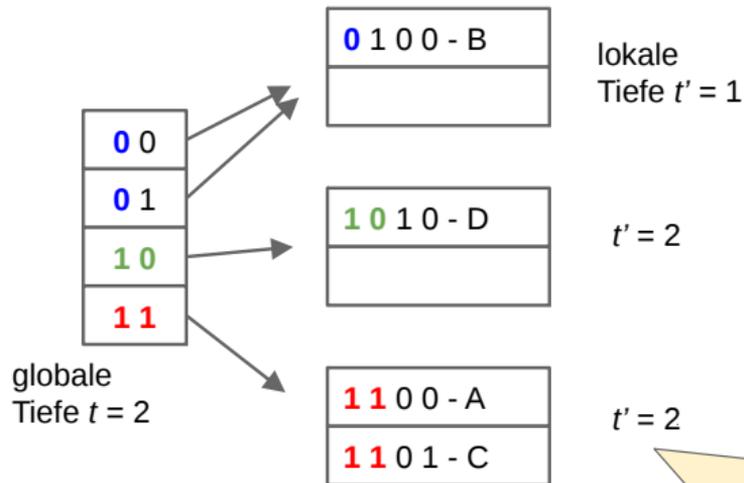
Erweiterbares Hashing / Einfügen (Übung)

x	$h(x)$
A	1100
B	0100
C	1101
D	1010

Erweiterbares Hashing / Lösung

x	$h(x)$
A	1100
B	0100
C	1101
D	1010

$\underbrace{\hspace{1.5cm}}_d \quad \underbrace{\hspace{1.5cm}}_p$



in einem Bucket mit Tiefe t' , stimmen (mindestens) die t' führenden Bits der Hashwerte überein

Mehrbenutzersynchronisation

Wiederholung + Übung

Transaktionen (High-Level)

- ▶ Ein Programm, das auf einem Datenbestand arbeitet.
 - ▶ Beispiele: Banküberweisung, Online-Bestellung, Ausleihe (Bib.)
- ▶ Daten werden gelesen, verarbeitet (Programmlogik) und geschrieben.

Atomarität

- ▶ Eine Transaktion überführt eine Datenbank von einem konsistenten Zustand in einen wiederum konsistenten Zustand.
- ▶ Zwischenzeitlich kann die Datenbank in einem inkonsistenten Zustand sein.
- ▶ Atomarität (*Alles-oder-nichts-Eigenschaft*):
 - ▶ Es werden entweder alle Änderungen übernommen, oder keine.
 - ▶ Schlägt während der Ausführung eine Operation fehl, werden alle bisherigen Änderungen in den Ausgangszustand zurück gesetzt.

Transaktionen (aus Sicht des Datenbanksystems)

Eine Transaktion T_i besteht aus folgenden **elementaren Operationen**:

- $r_i(A)$ - **Lesen** des Datenobjekts A
- $w_i(A)$ - **Schreiben** des Datenobjekts A
- a_i - **Abort** (alle Änderungen rückgängig machen)
- c_i - **Commit** (alle Änderungen festschreiben)

Die letzte Operation ist entweder ein **commit** oder ein **abort**.

Die dahinterliegende Programmlogik ist hier nebensächlich.

Historie (Schedule)

Eine Historie spezifiziert eine **zeitliche Abfolge von Elementaroperationen** mehrerer **parallel laufender Transaktionen** (*verzahnte Ausführung*).

$$H = r_1(A), r_2(C), w_1(A), w_2(C), r_1(B), w_1(B), r_2(A), w_2(A), c_1, c_2$$

*Eine Historie umfasst nicht zwangsläufig eine totale Ordnung ALLER Operationen, aber mindestens die der **Konfliktoperationen** (partielle Ordnung).*

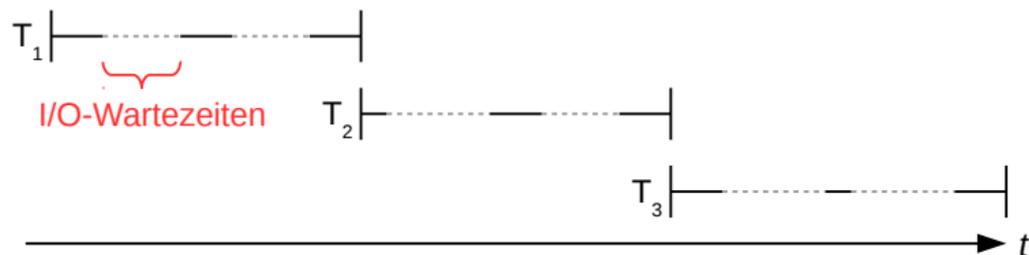
Konfliktoperationen

Zwei Operationen (verschiedener aktiver Transaktionen) auf dem selben Datum stehen zueinander in Konflikt, gdw. mindestens eine Operation schreibend ist.

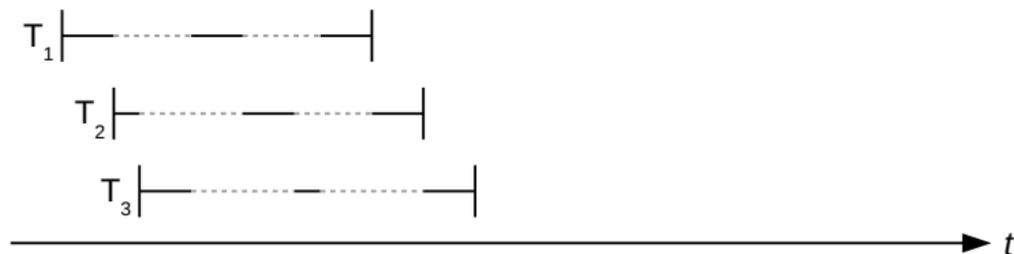
- ▶ **Unkontrollierte Nebenläufigkeit** kann zu Inkonsistenzen führen:
 - ▶ *lost update*
 - ▶ *dirty read*
 - ▶ *non-repeatable read*
 - ▶ *phantom problem*

Serielle vs. Parallele Ausführung

Eine **serielle Ausführung** verhindert all diese Probleme, da zu jedem Zeitpunkt maximal eine Transaktion aktiv ist und somit keine Konflikte auftreten können.



Eine verzahnte **parallele Ausführung** (im Mehrbenutzerbetrieb) ist effizienter.



Serialisierbarkeit (Konzept)

... soll die Vorzüge der seriellen Ausführung (**Isolation**) mit den Vorteilen des Mehrbenutzerbetriebs (**höherer Durchsatz**) kombinieren.

Serialisierbarkeit

Beispiel (Überweisung von A nach B und von C nach A):

$$H = r_1(A), r_2(C), w_1(A), w_2(C), r_1(B), w_1(B), r_2(A), w_2(A), c_1, c_2$$

$H:$	T_1	T_2		$H':$	T_1	T_2	
	$r_1(A)$				$r_1(A)$		
		$r_2(C)$			$w_1(A)$		
	$w_1(A)$				$r_1(B)$		
		$w_2(C)$			$w_1(B)$		
	$r_1(B)$		\equiv		c_1		
	$w_1(B)$					$r_2(C)$	
		$r_2(A)$				$w_2(C)$	
		$w_2(A)$				$r_2(A)$	
	c_1					$w_2(A)$	
		c_2				c_2	

Serialisierbarkeitsgraph
SG(H):
 $T_1 \rightarrow T_2$

$H \equiv H'$ gdw. Konfliktoperationen in der gleichen Reihenfolge.

H ist **(konflikt-) serialisierbar**.

Serialisierbarkeitstheorem

H ist **serialisierbar**, gdw. $SG(H)$ azyklisch ist.

Weitere Eigenschaften von Historien

Rücksetzbar (RC)

- ▶ Commit der schreibenden Transaktion T_j muss vor dem Commit der lesenden Transaktion T_i durchgeführt werden.
- ▶ $c_j <_H c_i$

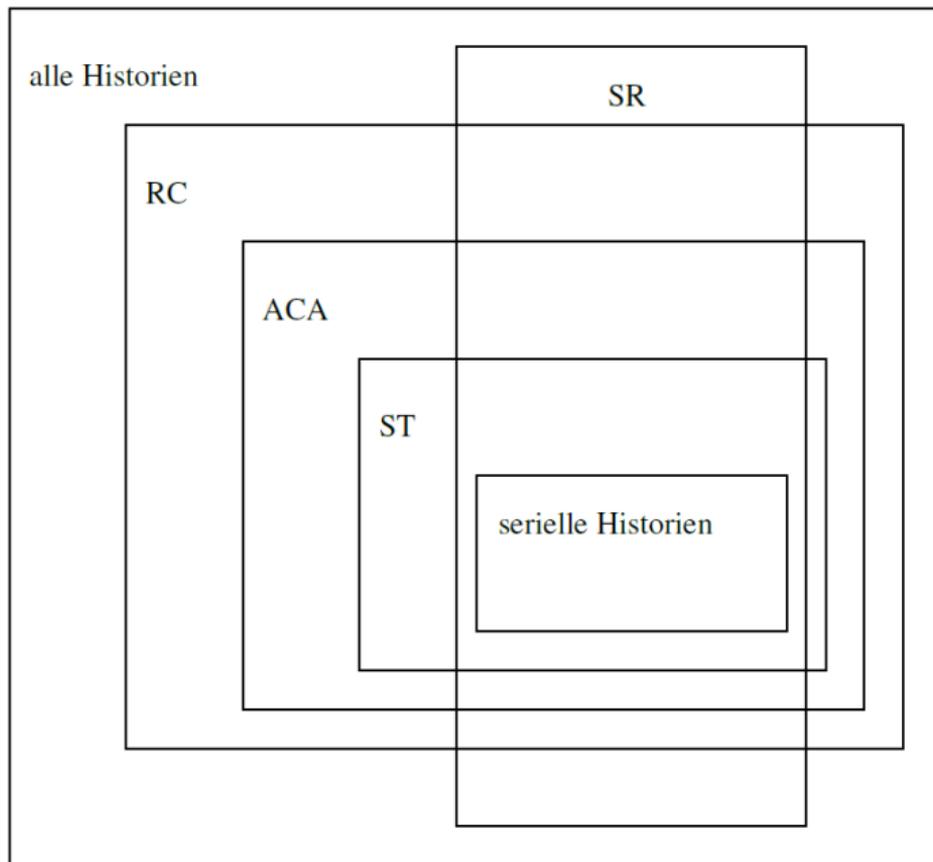
Vermeidet kaskadierendes Rücksetzen (ACA)

- ▶ Es wird erst gelesen, wenn die Änderungen der schreibenden Transaktion T_j festgeschrieben wurden (Commit).
- ▶ $c_j <_H r_i$

Strikt (ST)

- ▶ Wie ACA, verhindert aber zusätzlich blindes Schreiben (ohne vorheriges Lesen).
- ▶ $a_j <_H o_i$ oder $c_j <_H o_i$ (Operation $o = r$ oder w)

Eigenschaften von Historien (Zusammenhang)



Eigenschaften von Historien: Übung

H : Schritt	T_1	T_2	T_3	T_4
1	$w(A)$			
2				$r(B)$
3		$w(A)$		
4				$w(B)$
5	c			
6				c
7		$w(B)$		
8		c		
9			$r(B)$	
10			$w(C)$	
11			c	

wahr	falsch	Aussage
		$H \in SR$
		$H \in RC$
		$H \in ACA$
		$H \in ST$

Eigenschaften von Historien: Übung (2)

H : Schritt	T_1	T_2	T_3
1	$r(A)$		
2		$w(A)$	
3		$r(B)$	
4	$w(B)$		
5	c		
6		c	
7			$r(A)$
8			$w(A)$
11			c

wahr	falsch	Aussage
		$H \in RC$
		$H \in ACA$
		$H \in ST$
		$H \in SR$

Datenbank-Scheduler

Der Datenbank-Scheduler **ordnet** die (eingehenden) **Elementaroperationen** der Transaktionen so, dass die resultierende Historie bestimmte Eigenschaften hat.

Er implementiert ein Synchronisationsverfahren und sorgt so für **kontrollierte Nebenläufigkeit**.

Synchronisationsverfahren

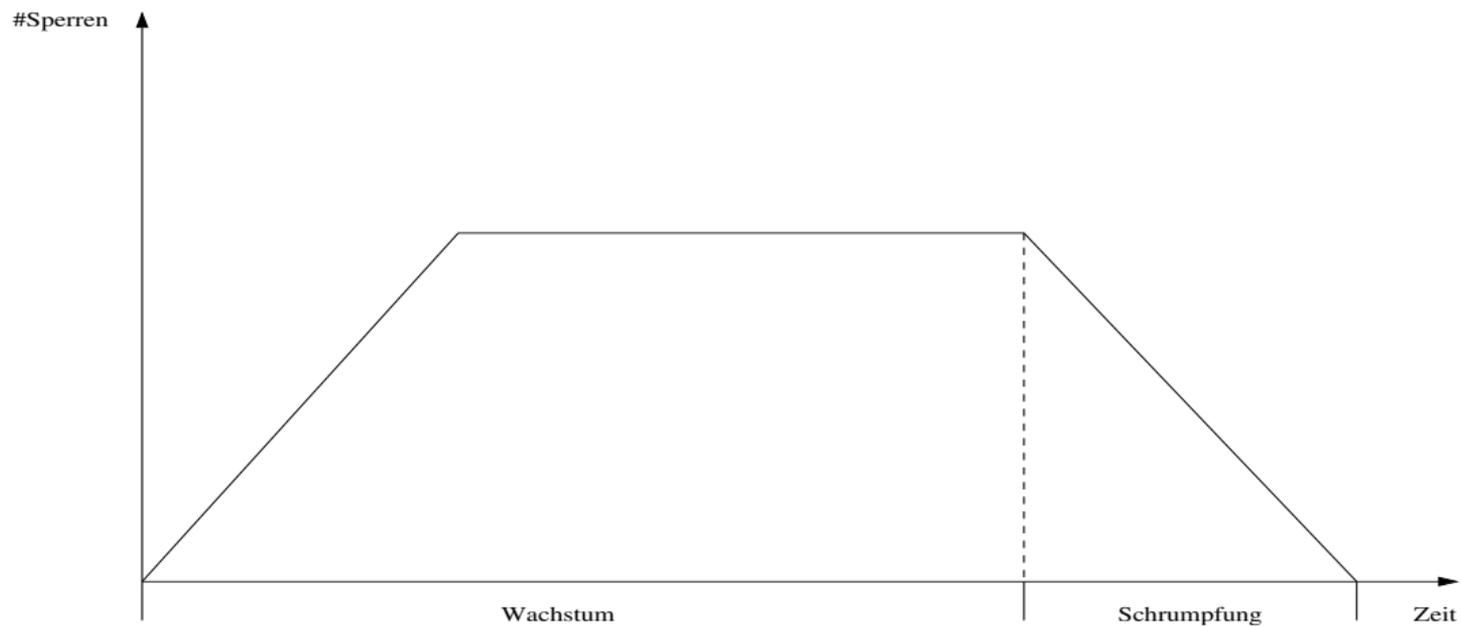
Pessimistisch

- ▶ Sperrbasiert
 - ▶ **2PL**
 - ▶ **Strenges 2PL**
- ▶ Zeitstempel-basiert

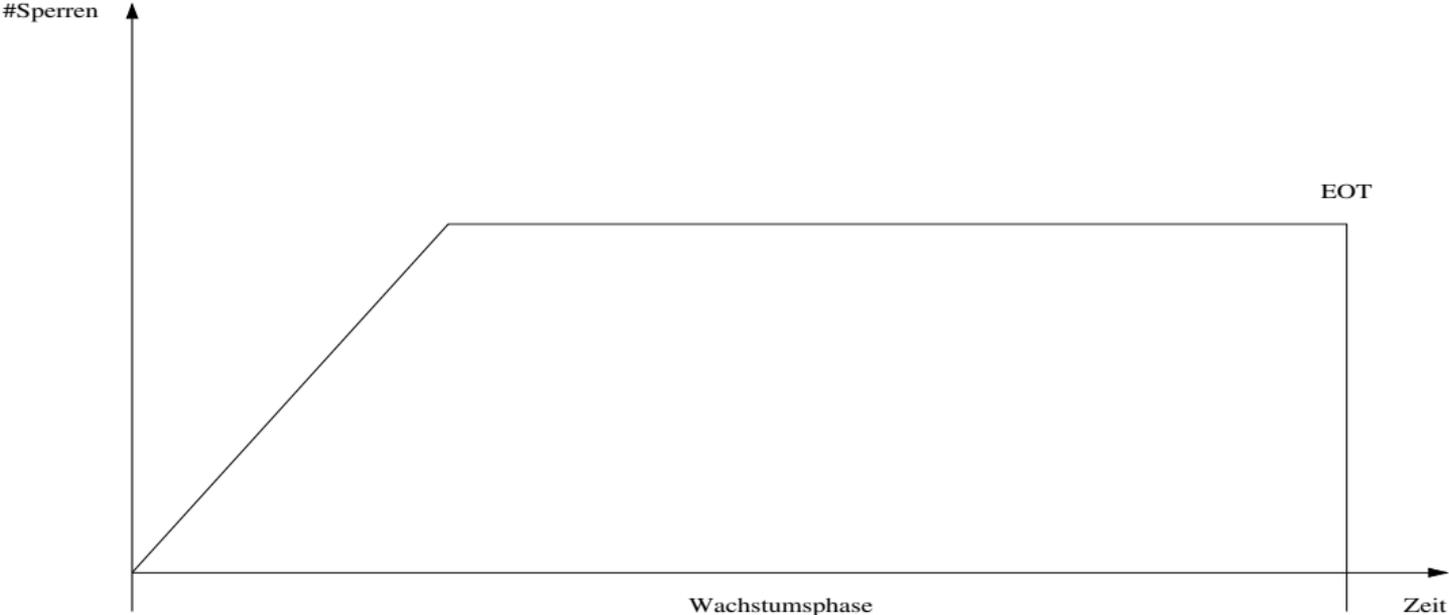
Optimistisch

- ▶ inkl. abgeschwächter Form: Snapshot Isolation

Zwei-Phasen-Sperrprotokoll (2PL)



Strenge 2PL



Verklemmung (Deadlock)

Ein Ablauf zweier parallel laufender TAs:

Schritt	T_1	T_2	Bemerkung
1.	BOT		
2.		BOT	
3.	lockX(A)		
4.		lockX(B)	
5.	w(A)		
6.		w(B)	
7.	lockS(B)		Wartet auf $T_2...$
8.		lockS(A)	Wartet auf $T_1...$

Zwei-Phasen-Sperrprotokoll (2PL)

Deadlockbehandlung

- ▶ **Vermeidung** durch preclaiming
- ▶ **Vermeidung** durch Zeitstempel
 - ▶ wound-wait
 - ▶ wait-die
- ▶ **Erkennung** durch Wartegraph

Normalformen

Normalformen: 1NF \supset 2NF \supset 3NF \supset BCNF \supset 4NF

- ▶ **1. NF:** Attribute haben nur atomare Werte, sind also nicht mengenwertig.
- ▶ **2. NF:** Jedes Nichtschlüsselattribut (NSA) ist voll funktional abhängig von jedem Kandidatenschlüssel.
 - ▶ β hängt **voll funktional** von α ab ($\alpha \xrightarrow{\bullet} \beta$), gdw. $\alpha \rightarrow \beta$ und es existiert kein $\alpha' \subset \alpha$, so dass $\alpha' \rightarrow \beta$ gilt.
- ▶ **3. NF:** Frei von transitiven Abhängigkeiten (*in denen NSAe über andere NSAe vom Schlüssel abhängen*).
 - ▶ für alle geltenden nicht-trivialen FDs $\alpha \rightarrow \beta$ gilt entweder
 - ▶ α ist ein Superschlüssel, oder
 - ▶ jedes Attribut in β ist in einem Kandidatenschlüssel enthalten
- ▶ **BCNF:** Die linken Seiten (α) aller geltenden nicht-trivialen FDs sind Superschlüssel.
- ▶ **4. NF:** Die linken Seiten (α) aller geltenden nicht-trivialen MVDs sind Superschlüssel.

Höchste NF bestimmen: Übung

$\mathcal{R} : \{ [A, B, C, D, E] \}$

$A \rightarrow BCDE$

$AB \rightarrow C$

Höchste NF bestimmen: Übung (2)

$$\mathcal{R} : \{ [A, B, C, D, E] \}$$

$$A \rightarrow BCDE$$

$$B \rightarrow C$$

Schema in 3. NF bringen

Synthesealgorithmus

▶ Eingabe:

▶ **Kanonische Überdeckung** \mathcal{F}_c

- ▶ Linksreduktion
- ▶ Rechtsreduktion
- ▶ FDs der Form $\alpha \rightarrow \emptyset$ entfernen (sofern vorhanden)
- ▶ FDs mit gleicher linke Seite zusammenfassen

▶ Algorithmus:

1. Für jede FD $\alpha \rightarrow \beta$ in \mathcal{F}_c forme ein Unterschema $\mathcal{R}_\alpha = \alpha \cup \beta$, ordne \mathcal{R}_α die FDs $\mathcal{F}_\alpha := \{\alpha' \rightarrow \beta' \in \mathcal{F}_c \mid \alpha' \cup \beta' \subseteq \mathcal{R}_\alpha\}$ zu
2. Füge ein Schema \mathcal{R}_κ mit einem Kandidatenschlüssel hinzu
3. Eliminiere redundante Schemata, d.h. falls $\mathcal{R}_i \subseteq \mathcal{R}_j$, verwirfe \mathcal{R}_i

▶ Ausgabe:

- ▶ Eine Zerlegung des ursprünglichen Schemas, wo alle Schemata in 3.NF sind.

Synthesealgorithmus: Übung

$\mathcal{R} : \{ [A, B, C, D, E, F] \}$

$B \rightarrow ACDEF$

$EF \rightarrow BC$

$A \rightarrow D$

Schema in BCNF bringen

BCNF-Dekompositionsalgorithmus

- ▶ Starte mit $Z = \{\mathcal{R}\}$
- ▶ Solange es noch ein $\mathcal{R}_i \in Z$ gibt, das nicht in BCNF ist:
 - ▶ Finde eine FD $(\alpha \rightarrow \beta) \in F^+$ mit
 - ▶ $\alpha \cup \beta \subseteq \mathcal{R}_i$
 - ▶ $\alpha \cap \beta = \emptyset$
 - ▶ $\alpha \rightarrow \mathcal{R}_i \notin F^+$
 - ▶ Zerlege \mathcal{R}_i in $\mathcal{R}_{i.1} := \alpha \cup \beta$ und $\mathcal{R}_{i.2} := \mathcal{R}_i - \beta$
 - ▶ Entferne \mathcal{R}_i aus Z und füge $\mathcal{R}_{i.1}$ und $\mathcal{R}_{i.2}$ ein, also $Z := (Z - \{\mathcal{R}_i\}) \cup \{\mathcal{R}_{i.1}\} \cup \{\mathcal{R}_{i.2}\}$

Schema in 4.NF bringen

4NF-Dekompositionsalgorithmus

- ▶ Starte mit $Z = \{\mathcal{R}\}$
- ▶ Solange es noch ein $\mathcal{R}_i \in Z$ gibt, das nicht in 4NF ist:
 - ▶ Finde eine MVD $\alpha \twoheadrightarrow \beta \in \mathcal{F}^+$ mit
 - ▶ $\alpha \cup \beta \subset \mathcal{R}_i$
 - ▶ $\alpha \cap \beta = \emptyset$
 - ▶ $\alpha \rightarrow \mathcal{R}_i \notin \mathcal{F}^+$
 - ▶ Zerlege \mathcal{R}_i in $\mathcal{R}_{i.1} := \alpha \cup \beta$ und $\mathcal{R}_{i.2} := \mathcal{R}_i - \beta$
 - ▶ Entferne \mathcal{R}_i aus Z und füge $\mathcal{R}_{i.1}$ und $\mathcal{R}_{i.2}$ ein, also $Z := (Z - \{\mathcal{R}_i\}) \cup \{\mathcal{R}_{i.1}\} \cup \{\mathcal{R}_{i.2}\}$

Dekompositionsalgorithmus für 4.NF: Übung

$\mathcal{R} : \{ [A, B, C, D, E] \}$

$AB \twoheadrightarrow C$

$AB \rightarrow DE$

