



Übung zur Vorlesung *Grundlagen: Datenbanken im WS19/20*

Christoph Anneser, Moritz Sichert, Lukas Vogel (gdb@in.tum.de)

<https://db.in.tum.de/teaching/ws1920/grundlagen/>

Blatt Nr. 14

Hausaufgabe 1

SQL-92 spezifiziert mehrere Konsistenzstufen (*isolation level*) durch welche der Benutzer (bzw. die Anwendung) festlegen kann, wie "stark" eine Transaktion von anderen parallel laufenden Transaktionen isoliert werden soll.

- Nennen und erläutern Sie kurz die Isolation Level. Geben Sie an, welche Nebenläufigkeitsprobleme mit dem jeweiligen Level vermieden werden.
- Warum kann zwischen den Konsistenzstufen gewählt werden?

Lösung:

- Nicht abgesicherte Nebenläufigkeit kann zu folgenden Problemen führen:

- lost update
- dirty read
- non-repeatable read
- phantom problem

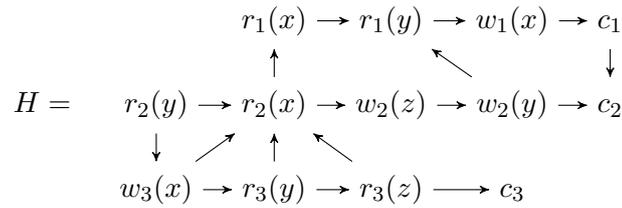
Die folgende Tabelle zeigt, welche Probleme durch die jeweiligen Isolation Level verhindert (✓) werden:

		lost update	dirty read	non-repeatable read	phantom problem
isolation level	read un-committed	✓			
	read committed	✓	✓		
	repeatable read	✓	✓	✓	
	serializable	✓	✓	✓	✓

- Die Isolation Level erlauben einen Kompromiss zwischen Performanz und Genauigkeit zu schließen. Je mehr Genauigkeit/Sicherheit, desto langsamer wird die Ausführung. Zusätzlich kann dem Datenbanksystem mitgeteilt werden, ob die Transaktion *read only* ist. Sind im System ausschließlich read-only-Transaktionen aktiv, dann können diese völlig uneingeschränkt parallel laufen, da Konfliktoperationen ausgeschlossen sind.

Hausaufgabe 2

Die Historie H für die Transaktionen T_1 , T_2 und T_3 sei durch das folgende Diagramm gegeben:



- Geben Sie alle Konfliktoperationen von H an.
- Geben Sie eine total geordnete Historie H' an (also eine „lineare“ Abfolge von Operationen), die konfliktäquivalent zu H ist.
- Geben Sie an, welche Transaktionen voneinander lesen.
- Geben Sie den Serialisierbarkeitsgraphen von H an.
- Geben Sie eine serielle Historie H'' an, die konfliktäquivalent zu H ist.

Lösung:

- Geben Sie alle Konfliktoperationen von H an.

$r_2(x), w_1(x)$
 $w_3(x), r_2(x)$
 $w_3(x), r_1(x)$
 $w_3(x), w_1(x)$
 $w_2(y), r_1(y)$
 $r_3(y), w_2(y)$
 $r_3(z), w_2(z)$

Die Operationen $r_1(x), w_1(x)$ und $r_2(y), w_2(y)$ werden nicht als Konfliktoperationen bezeichnet, da sie jeweils der selben Transaktion angehören.

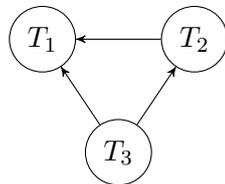
- Geben Sie eine total geordnete Historie H' an (also eine „lineare“ Abfolge von Operationen), die konfliktäquivalent zu H ist.

Beispielsweise: $r_2(y), w_3(x), r_3(y), r_3(z), c_3, r_2(x), r_1(x), w_2(z), w_2(y), r_1(y), w_1(x), c_1, c_2$

- Geben Sie an, welche Transaktionen voneinander lesen.

T_1 liest von T_3 und T_2 , T_2 liest von T_3 .

- Geben Sie den Serialisierbarkeitsgraphen von H an.



- Geben Sie eine serielle Historie H'' an, die konfliktäquivalent zu H ist.

H'' muss die Transaktionen in der Reihenfolge T_3, T_2, T_1 enthalten:

$H'' = T_3|T_2|T_1 = w_3(x), r_3(y), r_3(z), c_3, r_2(y), r_2(x), w_2(z), w_2(y), c_2, r_1(x), r_1(y), w_1(x), c_1$

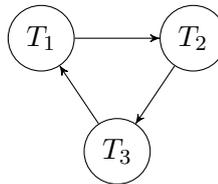
Hausaufgabe 3

a) Geben Sie alle Eigenschaften an, die von der Historie erfüllt werden.

$$H_1 = w_1(x), r_2(y), w_3(y), w_2(x), w_3(z), c_3, w_1(z), c_2, c_1$$

richtig	falsch	Aussage
	✓	Serialisierbar (SR)
✓		Rücksetzbar (RC)
✓		Vermeidet kaskadierendes Zurücksetzen (ACA)
	✓	Strikt (ST)

Die Historie H_1 ist nicht serialisierbar, da ihr Serialisierbarkeitsgraph (SG) einen Kreis enthält. Der SG sieht wie folgt aus:



Die Kanten im SG entstehen wegen folgenden Operationen:

$$\text{Kante von } T_1 \text{ zu } T_2 \Leftarrow w_1(x) <_{H_1} w_2(x)$$

$$\text{Kante von } T_2 \text{ zu } T_3 \Leftarrow r_2(y) <_{H_1} w_3(y)$$

$$\text{Kante von } T_3 \text{ zu } T_1 \Leftarrow w_3(z) <_{H_1} w_1(z)$$

Um die Rücksetzbarkeit zu überprüfen, muss bestimmt werden, welche Transaktionen voneinander lesen. In H_1 liest keine Transaktion von einer anderen, daher ist sie also rücksetzbar.

Da keine Transaktion von einer anderen liest, vermeidet die Historie auch kaskadierendes Zurücksetzen.

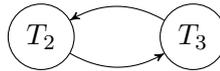
Um die Striktheit zu überprüfen, muss nicht nur bestimmt werden, ob eine Transaktion von einer anderen liest, sondern auch, ob eine Transaktion den Wert, den vorher eine andere Transaktion geschrieben hat, überschreibt. In H_1 überschreibt T_2 den Wert x von T_1 , da $w_1(x) <_{H_1} w_2(x)$. Analog überschreibt T_1 den Wert z von T_3 , da $w_3(z) <_{H_1} w_1(z)$. Eine Historie ist genau dann strikt, wenn diese Konfliktoperationen erst nach dem commit (oder abort) der gelesenen oder überschriebenen Transaktion ausgeführt werden. In H_1 ist aber $w_2(x) <_{H_1} c_1$ womit die Striktheit verletzt ist.

b) Geben Sie alle Eigenschaften an, die von der Historie erfüllt werden.

$$H_2 = r_1(x), r_1(y), w_2(x), w_3(y), r_3(x), a_1, r_2(x), r_2(y), c_2, c_3$$

richtig	falsch	Aussage
	✓	Serialisierbar (SR)
	✓	Rücksetzbar (RC)
	✓	Vermeidet kaskadierendes Zurücksetzen (ACA)
	✓	Strikt (ST)

Um die Serialisierbarkeit zu überprüfen, erstellen wir wieder den SG. T_1 ist nicht im SG enthalten, da sie nicht erfolgreich ist.



Die Kanten im SG entstehen wegen folgenden Operationen:

Kante von T_2 zu $T_3 \Leftarrow w_2(x) <_{H_2} r_3(x)$

Kante von T_3 zu $T_2 \Leftarrow w_3(y) <_{H_2} r_2(y)$

Der SG enthält einen Kreis, also ist H_2 nicht serialisierbar.

T_3 liest von T_2 , da $w_2(x) <_{H_1} r_3(x)$. Außerdem liest T_2 von T_3 , da $w_3(y) <_{H_1} r_2(y)$. Damit H_2 also rücksetzbar ist, müsste $c_2 <_{H_1} c_3$ und $c_3 <_{H_1} c_2$ gelten. Das ist bei H_2 nicht der Fall und im Allgemeinen natürlich auch nicht möglich, deswegen ist H_2 nicht rücksetzbar.

Da alle Historien, die kaskadierendes Zurücksetzen vermeiden oder strikt sind, auch rücksetzbar sind, kann man hier direkt folgern, dass H_2 weder ACA noch ST ist.

Hausaufgabe 4

Bei der sperrbasierten Synchronisation hat jedes Datenobjekt eine zugehörige Sperre. Bevor eine Transaktion zugreifen darf, muss sie eine Sperre anfordern. Dabei unterscheiden wir zwei Sperrmodi: Lese- und Schreibsperre.

- Erläutern Sie kurz die Unterschiede.
- Geben Sie deren Verträglichkeiten an (wenn mehrere Transaktionen Sperren auf dem selben Datenobjekt anfordern).

Lösung:

- Eine Lesesperre (auch S -Sperre, shared lock) für ein Datum wird angefordert bevor eine Transaktion das Datum lesen möchte. Ein Schreibvorgang erfordert eine entsprechende Schreibsperre (auch X -Sperre, exclusive lock).

Mehrere Transaktionen können gleichzeitig eine S -Sperre auf dem selben Datenobjekt besitzen, wohingegen maximal eine Transaktion eine X -Sperre für ein Datum besitzen kann.

- Verträglichkeitsmatrix (auch Kompatibilitätsmatrix):

angeforderte Sperre	gehaltene Sperre		
	keine	S	X
S	✓	✓	-
X	✓	-	-

Hausaufgabe 5

In der Vorlesung haben Sie Serialisierbarkeitsgraphen und den Wartegraphen des (strikten) 2PL kennen gelernt.

- Was bedeutet eine Kante $T_1 \rightarrow T_2$ im Serialisierbarkeitsgraphen einer Historie H ?
- Gehen Sie davon aus, dass die Datenbank die 2PL-Strategie verwendet. Was bedeutet eine Kante $T_1 \rightarrow T_2$ in einem Wartegraphen? Worin besteht der Unterschied zu Aufgabe a)?
- Was bedeutet ein Kreis im Serialisierbarkeitsgraphen einer Historie H ? Was im Wartegraphen? Wo liegt der Unterschied?

- d) Wie viele neue Kanten werden dem Wartegraphen maximal hinzugefügt, wenn eine Transaktion eine S-Sperre anfordert? Wie viele bei einer X-Sperre?

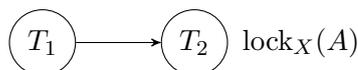
Lösung

- a) In jeder zu H äquivalenten seriellen Historie wird T_1 vor T_2 ausgeführt, da es in der Historie H Konfliktoperationen zwischen T_1 und T_2 gibt, für die H die Reihenfolge T_1 vor T_2 festlegt.
- b) Die Transaktion T_1 fordert eine Sperre auf mindestens ein Datenobjekt an, auf welches T_2 bereits eine Sperre hat und muss daher warten. Die Kante verläuft hier also anders herum als in Teilaufgabe a), da sie als *warten auf* und nicht *geschieht vor* definiert ist.
- c) Ein Kreis im Serialisierbarkeitsgraphen bedeutet, dass H nicht serialisierbar ist, es also keine äquivalente serielle Historie gibt. Ein Datenbanksystem kann Sie also nicht ausführen ohne das Prinzip der Isolation zu verletzen.

Ein Kreis im Wartegraphen hingegen bedeutet, dass es unter der strikten 2PL-Strategie zu einem Deadlock gekommen ist und eine der im Kreis enthaltenen Transaktionen zurückgesetzt werden muss. Es bedeutet **nicht**, dass es keine äquivalente serielle Historie gibt. Es kann also sein, dass der Scheduler sie lediglich nicht gefunden hat. Striktes 2PL kann also eigentlich serialisierbare Historien ablehnen. Es garantiert aber, dass es bei allen **nicht serialisierbaren** Historien irgendwann während der Ausführung zum Deadlock kommt.

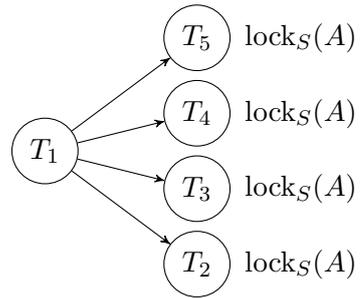
- d) **S-Sperre:** Wenn eine Transaktion T eine S-Sperre anfordert und warten muss, dann muss eine andere Transaktion bereits eine X-Sperre auf das entsprechende Datenobjekt haben, denn: Hätten alle anderen Transaktionen keine Sperren, so bekäme unsere Transaktion T die Sperre sofort. Hätten andere Transaktionen S-Sperren, so müsste T ebenfalls nicht warten, da jedes Objekt mehrere Leser haben kann.

Hat jedoch eine andere Transaktion bereits eine X-Sperre, so ist diese exklusiv, da X-Sperren weder mit S-Sperren noch mit anderen X-Sperren kompatibel sind. Unsere Transaktion T würde also ausschließlich auf diese Transaktion warten und würde dem Wartegraphen höchstens eine Kante hinzufügen.



In dieser Darstellung hat T_2 bereits eine X-Sperre auf A . Die Transaktion T_1 will eine S-Sperre und fügt dem Wartegraphen so maximal eine Kante hinzu.

X-Sperre: Wenn eine Transaktion T nun eine X-Sperre auf ein Datenobjekt anfordert, dann kann es im schlimmsten Fall sein, dass alle anderen in der Datenbank aktiven Transaktionen dieses Datenobjekt bereits lesen (denn S-Sperren sind zueinander kompatibel). Bei n Transaktionen könnte es also bis zu n S-Sperren geben. Wenn nun T eine X-Sperre anfordert, muss sie warten, bis jede einzelne dieser S-Sperren aufgehoben worden ist und damit dem Wartegraphen n Kanten hinzufügen.



In dieser Darstellung haben T_2 bis T_5 bereits S-Sperren auf A . Die Transaktion T_1 will eine X-Sperre und fügt dem Wartegraphen so vier Kanten hinzu.